# Analiza niepewności pasywnego wzorca imitującego bardzo duże rezystancje

Piotr Madej

**D** o wzorcowania i okresowej kontroli piko- i nanoamperomierzy oraz giga- i megaomomierzy niezbędne są wzorce rezystancji o bardzo dużych wartościach, nawet do 10<sup>15</sup> Ω. Wzorce rezystancji drutowe o najlepszych parametrach metrologicznych mają wartości do 10<sup>9</sup> Ω, gdy są wzorcami pojedynczej wartości, lub rzadko do 10<sup>10</sup> Ω, gdy są wzorcami dekadowymi, np. [3, 9]. Można zwiększyć zakres sprawdzania za pomocą rezystorów wykonanych technologią MOX do 10<sup>11</sup> Ω, jednak z dużą stratą dokładności, nawet po nadaniu im wartości poprawnej za pomocą wzorców drutowych.

Zakresy aparatury o dużej czułości można sprawdzić jedynie układami symulującymi włączenie do obwodu bardzo dużej rezystancji - imitatorami. Są one budowane jako układy pasywne bądź aktywne. Układ aktywny to źródło bardzo małego prądu sterowane stałym napięciem wejściowym i zawierające wzmacniacze elektrometryczne [1,8]. Podstawową grupą pasywnych imitatorów są obwody złożone z rezystorów o wartościach rzędu ( $10^2 - 10^{10}$ )  $\Omega$ . Ich działanie jest oparte na przekształceniu układu gwiazdy w trójkąt [1, 3, 6]. Zachowują klasę rezystorów składowych, a symulują wartości nawet do (1014 - 1015) Ω. Charakterystyczną cechą tych układów są stosunkowo niewielkie wartości napięcia i rezystancji w obwodzie wyjściowym, co ma znaczenie przy kontroli aparatury na zakresach o największej czułości.

Celem artykułu jest przedstawienie wyników analizy podstawowej niepewności pasywnego wzorca-imitatora, wynikającej z niepewności podstawowych jego elementów składowych i z niepewności dodatkowych, spowodowanych połączeniem takiego wzorca ze sprawdzanym miernikiem.

## Pasywny wzorzec imitujący bardzo duże rezystancje

Wzorzec-imitator jest czwórnikiem zawierającym trzy rezystory w układzie T (rys. 1a). Przetwarza on zewnętrzne, wejściowe napięcie pomiarowe  $U_p$  na bardzo mały prąd wyjściowy  $I_o$ . Podstawową rolę w prze-

dr inż. Piotr Madej – Instytut Maszyn, Napędów i Pomiarów Elektrycznych, Politechnika Wrocławska twarzaniu pełni bardzo duża zastępcza (symulowana) rezystancja przejściowa  $R_{ab}$ , zależna od współczynnika imitacji  $w_i$  określonego przez odwrotność podziału dzielnika  $R_A R_C$  (rys. 1b) – zależności (1) i (4). Pozostałe rezystancje  $R_{ac}$  i  $R_{bc}$  wynikają z przekształcenia gwiazda-trójkąt (lub inaczej T-II) – zależności (2) i (3) i łączą wejście i wyjście imitatora z masą. Mają one znacznie mniejsze znaczenie w pracy układu i dlatego w zależnościach dopuszczalne są większe uproszczenia. Układ symetryczny takiego wzorca, o jednakowych poziomych ramionach  $R_A = R_B$  ma zamienialne wejście i wyjście. Autor poleca układ niesymetryczny o  $R_A \ll R_B$  ze względu na użycie tylko jednego wysokoomowego rezystora  $R_B$ . Zastosowane dalej przybliżenia zależności dotyczą tego przypadku:



**Rys. 1.** Współpraca wzorca-imitatora ze źródłem napięcia  $(E_p, R_w)$ i obciążeniem  $(R_o)$ : a) imitator w podstawowym układzie T (gwiazdy), b) imitator z zastępczymi rezystancjami po formalnym przekształceniu w układ  $\Pi$  (trójkąta)

$$R_{ab} = R_A + R_B \left( 1 + \frac{R_A}{R_C} \right) = R_A + w_i R_B \tag{1}$$

$$R_{ac} = R_A + R_C \left( 1 + \frac{R_A}{R_B} \right) = \frac{R_A}{w_i - 1} \left( w_i + \frac{R_A}{R_B} \right) \approx \frac{w_i}{w_i - 1} R_A$$
(2)

$$R_{bc} = R_B + R_C \left( 1 + \frac{R_B}{R_A} \right) = R_C + R_B \frac{w_i}{w_i - 1} \approx \frac{w_i}{w_i - 1} R_B \quad (3)$$

gdzie

$$w_i = 1 + \frac{R_A}{R_C} \tag{4}$$

współczynnik imitacji.

1

Gdy współczynnik imitacji  $w_i \ge 10$ , wówczas zależności (1), (2) i (3) upraszczają się do postaci:

$$R_{ab} \approx w_i R_B, R_{ac} \approx R_A, R_{bc} \approx R_B$$
 (5)

Jeżeli rezystancja  $R_C$  jest bardzo duża, tj.  $R_C \gg R_A$ , to nie zachodzi imitacja, gdyż wartość  $w_i$  dąży do jedności i układ T sprowadza się do klasycznego ekranowanego rezystora o rezystancjach:

$$R_{ab} = R_A + R_B, \ R_{ac} \approx R_C, \ R_{bc} \approx R_C (R_B/R_A) \tag{6}$$

## Błąd i niepewność podstawowa

Nominalny prąd wyjściowy wzorca  $I_N$  definiuje się dla stanu zwarcia jego wyjścia (rys.1,  $R_o = 0$ ):

$$I_{N} = I_{o} \left( R_{o} = 0 \right) = \frac{U_{p}}{R_{A} + w_{i} R_{B}} = \frac{U_{p}}{R_{ab}}$$
(7)

Względny błąd systematyczny prądu  $\delta(I_N)$ , liczony względem wartości nominalnej (7), wynika z rzeczywistych błędów względnych napięcia pomiarowego i rezystorów imitatora. Z różniczkowania (7) oraz z (1) i (4), przy  $R_B >> R_A$ , a tym bardziej, gdy  $w_i R_B >> R_A$ , wartość jego w praktyce równa się:

$$\delta(I_N) = \delta(U_p) - \delta(R_B) - \frac{w_i - 1}{w_i} \Big[\delta(R_A) - \delta(R_C)\Big]$$
(8)

Natomiast dla błędów granicznych  $\delta_g(X)$ , o rozkładzie prostokątnym, obejmujących obok granicznych wartości odchyłek w warunkach nominalnych także niestabilności czasowe, temperaturowe i napięciowe, należy przy  $w_i \ge 10$  i  $R_o = 0$  określić wg [10] klasę wzorca prądu (współczynniki wrażliwości praktycznie = 1, poziom ufności p = 0.95, tj. współczynnik rozszerzenia  $k_p = 2.0$ ) jako:

$$kl(I_{N}) \equiv U_{cr}(I_{N}) \approx \frac{2}{\sqrt{3}} \sqrt{\delta_{g}^{2}(U_{p}) + \delta_{g}^{2}(R_{B}) + \delta_{g}^{2}(R_{A}) + \delta_{g}^{2}(R_{C})}$$
(9)

Jest to niepewność względna rozszerzona  $U_{cr}(I_N)$ wzorca traktowanego jako źródło prądu o małej wartości. Obejmuje ona wszelkie wpływy poza obciążeniem wyjścia i w tym znaczeniu jest podstawowa.

Głównym składnikiem, ograniczającym możliwości poprawy jakości wzorca jest błąd graniczny wysokoomowego rezystora  $R_B$  rzędu (0,2–1) % przy  $R_B$  = (10<sup>9–</sup> –10<sup>10</sup>) Ω. Przy dominacji tego błędu granicznego ponad trzykrotnie nad pozostałymi, wzorzec ma w praktyce jego klasę.

W (8) i (9) opuszcza się składniki zależne od napięcia pomiarowego  $U_p$ , gdy jest to wewnętrzne napięcie sprawdzanego giga- lub megaomomierza. Wzorcową wielkością jest wtedy rezystancja przejściowa imitatora.

Stosowanie imitatora w warunkach rzeczywistych jest źródłem szeregu dodatkowych błędów omówionych dalej, w większości o charakterze systematycznym. Zależą one od wartości elementów wzorca



**Rys. 2.** Uproszczony schemat dwuwyjściowego wzorca dużych rezystancji: sekcja RN2 – imitator

i elementów zastępczych obwodu wejściowego sprawdzanego miernika.

Autor skonstruował i użytkuje wzorzec-imitator bardzo dużych rezystancji o omawianym układzie [6]. Wzorzec obejmuje szeroki zakres wartości (10<sup>4</sup> -10<sup>15</sup>)  $\Omega$  i składa się z dwóch niezależnych sekcji (rys. 2) o wartościach przełączanych dziesiętnie. Pierwsza to wzorzec RN1 z pojedynczymi rezystorami na zakres (10<sup>4</sup> – 10<sup>9</sup>)  $\Omega$ , a druga to wzorzec imitujący RN2 na zakres (10<sup>10</sup> – 10<sup>15</sup>)  $\Omega$  w układzie gwiazdy ABC o rezystorach stałych  $R_A$ ,  $R_B$  i przełączanym  $R_C$ , który ustala współczynnik  $w_i$  pozornego zwiększenia wysokoomowej wartości rezystancji  $R_B$ , wynoszący 1–10<sup>5</sup> razy.

Każda z sekcji wzorca ma własny ekran metalowy. Oba są połączone z masą, która jest równocześnie wierzchołkiem C układu gwiazdy imitatora. Z masą połączone są także ekrany gniazd koncentrycznych: wejścia napięciowego Hi, wyjść prądowych Lo1 i Lo2. Dodatkowe gniazdo TEST pozwala na prostą kontrolę elementów składowych imitatora. Całość zamknięto w obudowie metalowej odizolowanej od masy. Wzorzec jest przeznaczony do kontroli mierników z układem przetwarzającym prąd badanego obiektu (torem prądowym). Są to mierniki bardzo małych prądów oraz mierniki dużych rezystancji ze stałym napięciem pomiarowym doprowadzanym do obiektu badanego [4, 5]. W takich miernikach członem wejściowym, decydującym o czułości i zakresie pomiarowym całego miernika jest przetwornik prąd/napięcie  $i \rightarrow u$ . Imitator, używany do kontroli takiego miernika jest więc wzorcowym przetwornikiem napięcia pomiarowego (rys. 1: we Hi) na prąd wejściowy miernika (wy Lo2).

## Wpływ obciążenia imitatora – błąd metody

Imitator symuluje prawidłowo dużą wartość rezystancji przy spełnieniu dwóch warunków (rys. 1):

– zastępcza rezystancja źródła napięcia  $R_w$  jest pomijalnie mała w stosunku do rezystancji wejściowej imitatora  $R_{iwe}$  lub jest mierzone napięcie  $U_p$  bezpośrednio na wejściu imitatora (spełnienie tego warunku zazwyczaj nie stwarza problemów)

– prąd wyjściowy  $I_o$  jest odbierany w warunkach zbliżonych do zwarcia wyjścia; tj. rezystancja obciążenia  $R_o$  jest pomijalna w stosunku do rezystancji wyjściowej imitatora  $R_{iwy}$  ( $R_o$  jest rezystancją wejściową toru prądowego miernika kontrolowanego i zależy od rozwiązania jego wejściowego przetwornika  $i \rightarrow u$ ).

Rezystancje imitatora: wejściowa  $R_{iwe}$  i wyjściowa  $R_{iwy}$ , nie są z definicji równe  $R_{ac}$  i  $R_{bc}$  wg (2) i (3), jednak w imitatorze niesymetrycznym o  $w_i \ge 10$  (co oznacza  $R_B \gg R_A$  i  $R_A \ge 9 \cdot R_C$ ) mają wartości w praktyce takie same jak w (5):

$$R_{iwe} = R_A + R_C \left\| \left( R_B + R_o \right) \approx R_A \right\|$$
(10)

$$\boldsymbol{R}_{iwy} = \boldsymbol{R}_B + \boldsymbol{R}_C \left\| \left( \boldsymbol{R}_A + \boldsymbol{R}_w \right) \approx \boldsymbol{R}_B \right\|$$
(11)

Rzeczywista wartość rezystancji przejściowej przetwarzania napięcia  $U_p$  na prąd  $I_o$  w obciążeniu jest większa od idealnej  $R_{ab}$  o  $w_i R_o$ ; występuje więc błąd metody. Prąd  $I_o$  ma teraz wartość:

$$I_o = \frac{U_p}{R_A + w_i (R_B + R_o)} \tag{12}$$

Jest ona mniejsza od nominalnej  $I_N$  z (7) i zależy także od zastępczej rezystancji  $R_o$  wejścia miernika. Wartość tej rezystancji jest uwarunkowana typem zastosowanego przetwornika  $i \rightarrow u$ .

Istotną niedogodnością przy stosowaniu imitatora jako wzorca są niekorzystne wartości elementów zastępczych wyjścia imitatora (rys. 1b). Rezystancja wyjściowa  $R_{iwy}$  jest około  $w_i$  razy mniejsza od imitowanej  $R_{ab}$  (11) i (1), a także napięcie w węźle gwiazdy jest  $w_i$ razy mniejsze od  $U_p$ . Ogranicza to od góry wartość współczynnika imitacji  $w_i$  oraz od dołu wartość rezystora  $R_B$ . Autor na podstawie swoich dotychczasowych doświadczeń przyjmuje za dopuszczalne wartości  $w_i \ge 10^5$  i  $R_B = 10^{10} \Omega$ . Dostępne w handlu rezystory o większych rezystancjach nie mają wystarczającej klasy dokładności. Przy  $w_i$  rzędu  $10^3 - 10^5$  napięcie  $U_p$ nie powinno być mniejsze odpowiednio od kilkudziesięciu woltów do kilku kilowoltów.

# Wpływ obwodu wejściowego kontrolowanego miernika

Poza błędem metody, omówionym w poprzednim punkcie, obwód wejściowy miernika może być jeszcze źródłem błędów innego rodzaju. Ich przyczyną są właściwości wzmacniacza w wejściowym przetworniku prąd/napięcie  $i \rightarrow u$ . Jest to we współczesnych miernikach wzmacniacz operacyjny o bardzo małym wejściowym prądzie polaryzacji, czyli wzmacniacz elektrometryczny nazywany dalej WEM – patrz rys. 3.



**Kys. 5.** Wzorzec-imitator i wejsciowy przetwornik  $i \rightarrow u$  kontrolowanego miernika: a) – przetwornik pasywny, b) – przetwornik aktywny. WEM – wzmacniacz elektrometryczny,  $R_P$  – rezystor wzorcowy miernika. Źródła błędów: rezystancja upływu  $R_L$ , napięcie niezrównoważenia  $U_{of}$ , prąd polaryzacji  $I_b$ 

Obie wersje przetwornika z rys. 3 zawierają ten człon aktywny, a wartość rezystora  $R_P$  określa transmitancję układu. W układzie z rys. 3a WEM objęty jest pętlą napięciowo-szeregowego ujemnego sprzężenia zwrotnego. Powstaje wtórnik napięciowy (wzmocnienie 1V/V), który spełnia jedynie rolę bufora – separatora obwodów. Właściwe przetwarzanie wejściowego prądu miernika na napięcie realizuje wyłącznie pasywny element – rezystor  $R_P$ . Nominalnie:

$$U_o = U_{Rp} = I_o \cdot R_P$$

gdzie  $I_o$  – wyjściowy prąd imitatora z (12),  $U_o$  – wartość wyjściowego napięcia przetwornika  $i \rightarrow u$  (rys. 3).

Dlatego też taki przetwornik autor nazywa pasywnym (w [2] – *Shunt Ammeter*). Układ taki spotyka się w starszych oraz w tanich, prostych i o mniejszej czułości prądowej miernikach mierzących w obwodach o stosunkowo dużej wartości  $U_p$ .

Natomiast w układzie z rys. 3b rezystor  $R_P$  jest włączony w pętlę napięciowo-równoległego ujemnego sprzężenia zwrotnego WEM i nominalnie  $U_o = -I_o \cdot R_P$ . WEM bierze bezpośredni udział w przetwarzaniu, dzięki czemu znacznie maleje zastępcza wejściowa rezystancja układu, ale układ może być mniej stabilny od poprzedniego. Taką wersję przetwornika autor nazywa aktywnym (w [2] – *Feedback Ammeter*). Jest to rozwiązanie obecnie stosowane najczęściej w miernikach laboratoryjnych, wielozakresowych i o kilku funkcjach, np. w elektrometrach [2 – 5].

W analizie uwzględniono następujące parametry WEM: napięcie niezrównoważenia  $U_{of}$ , prąd polaryzacji  $I_b$ , wzmocnienie różnicowe  $k_r$  i współczynnik tłumienia sygnału wspólnego *CMRR*. Rezystor  $R_P z$  rys. 3 jest podstawowym elementem wzorcowym przetwornika, natomiast  $R_L$  reprezentuje rezystancje bocznikujące wejście miernika, tj. rezystancję wejściową WEM oraz rezystancje izolacji kabli, gniazd i montażu. W większości rozwiązań torów prądowych mierników, zakres podstawowy  $U_o$  na wyjściu WEM wynosi ±0,1 V lub ± 1 V. Jest to spowodowane stosowaniem możliwie niewielkich rezystancji  $R_P$  ze względu na ich klasę. Na najczulszych zakresach prądowych  $R_P$  z reguły nie przekracza 10<sup>10</sup>  $\Omega$ .

W układzie z rys. 3a wtórnik z wzmacniaczem WEM spełnia rolę bufora eliminującego wpływ bocznikowania rezystancji  $R_P$  przez rezystancje wejściową kolejnego stopnia w torze przetwarzania sygnału. Rezystancja obciążająca wyjście imitatora jest praktycznie równa  $R_P$ , a więc o stosunkowo dużej wartości, bliskiej  $R_{iwy}$  imitatora. Należy spodziewać się tu dużego błędu metody. W układzie z rys. 3b rezystancja obciążająca imitator jest  $k_r$  razy mniejsza niż w poprzednim przypadku, a więc i błąd metody jest tyle razy mniejszy.

W obu układach prąd polaryzacji  $I_b$  sumuje się z prądem wyjściowym imitatora. Napięcie niezrównoważenia  $U_{of}$  w pierwszym układzie (rys. 3a) dodaje się do spadku napięcia na  $R_p$ , w drugim (rys. 3b) – odejmuje od spadku napięcia na  $R_c$ ,  $w_i$  razy mniejszego od  $U_p$ . Wpływ rezystancji  $R_L$  na wejściu przetwornika  $i \rightarrow u$  zależy od wartości spadku napięcia na niej. W pasywnym przetworniku jest to praktycznie  $U_o$  i  $R_L$  bezpośrednio bocznikuje  $R_p$ , a w aktywnym jest ona  $k_r$  razy mniejsza. Przy użytkowaniu mierników zaleca się kontrolowanie tej rezystancji, szczególnie w badaniach materiałowych z wykorzystaniem elektrod – uchwytów próbek [7].

Część mierników z pasywnym przetwornikiem  $i \rightarrow u$ ma tzw. aktywny ekran (rys. 4). Łączy on ekran kabla wejściowego z wyjściem układu. W takim wypadku znacznie maleje wpływ rezystancji upływu kabla, gdyż wartość napięcia na niej jest  $U_o/k_r$ . Przyłączenie węzła C imitatora do aktywnego ekranu, jak na rys. 4, powoduje prawie dokładne wyrównanie potencjałów



**Rys. 4.** Wzorzec-imitator i pasywny przetwornik miernika z obwodem aktywnego ekranu. Rezystancje upływu: do ziemi  $R_L$ , do aktywnego ekranu  $R_K$ 

węzłów B i C (czyli pozorne ich zwarcie). Równocześnie zmniejsza się napięcie między węzłami A i C do  $U_p$ –  $U_o$ . W rezultacie błąd metody maleje w przybliżeniu  $w_i$  razy, w stosunku do układu z rys. 3a.

Rezystancja  $R_L$  jest teraz znacznie większa. Składa się tylko z rezystancji upływu wyjścia imitatora do uziemionej osłony oraz wejściowej rezystancji WEM dla sygnału wspólnego. Rezystancja  $R_K$  jest wypadkową rezystancji upływów do aktywnego ekranu: wyjścia imitatora i wejścia miernika, kabla połączeniowego oraz wejściowej rezystancji różnicowej WEM. Napięcie na tych rezystancjach ma małą wartość, równą  $U_0/k_r$ .

## Zestawienie wyników analizy błędów dodatkowych

Wykonano analizę wpływu poszczególnych źródeł błędów dodatkowych, nieujętych w (8) i (9), na względny błąd napięcia na wyjściu przetwornika  $i \rightarrow u$  miernika kontrolowanego za pomocą wzorca-imitatora. Błędy te mają głównie charakter systematyczny. Zależności zestawiono w tabeli 1, o kolumnach oznaczonych A, B, C i wierszach a-f. Pominięto błędy tzw. drugiego rzędu, spowodowane interakcją kilku źródeł błędów. Wyjątkiem są zależności w komórkach Ce i Bf. Błędy te pochodzą od rezystancji upływu  $R_L$ ,  $R_K$  i dla idealnego WEM nie występują. Zastosowano także kilka dopuszczalnych uproszczeń, wymienionych w legendzie tabeli. Znak ± przy współczynniku tłumienia sygnału wspólnego CMRR wynika z jego zdefiniowania jako modułu ze stosunku wzmocnień WEM: dla sygnału różnicowego  $k_r$ i wspólnego  $k_w$ .

### Błąd metody

Podstawowym ograniczeniem w stosowaniu wzorca--imitatora do miernika z układem A jest bardzo duży błąd metody (komórka Aa) na zakresach o  $R_P$  porównywalnej z R<sub>B</sub>. Można przyjąć, że dopuszczalne jest sprawdzanie zakresów miernika o  $R_P \le 0.01 R_B$ . Natomiast w przypadku układu B - przetwornika z aktywnym ekranem (komórka Ba) jest on znacznie mniejszy i praktycznie stały przy stałym  $U_p$ , bowiem w miarę wzrostu  $R_P$  (wzrost czułości toru prądowego miernika) rośnie konieczny do stosowania współczynnik imitacji  $w_i$  we wzorcu. W układzie A istnieje możliwość zastosowania obwodu ekranu aktywnego, jeżeli miernik ma tzw. wyjście analogowe, np. do rejestracji, na którym jest dostępne napięcie z wyjścia przetwornika  $i \rightarrow u$ . Wtedy do tego wyjścia dołącza się ekrany wejściowego kabla i wzorca; stosuje się zależności jak dla układu B. Jeszcze mniejszą wartość ma błąd metody przy współpracy imitatora z układem C, tj. przetwornikiem aktywnym. Jest on odwrotnie proporcjonalny do wzmocnienia różnicowego k<sub>r</sub> wzmacniacza WEM (komórka Cd). Błąd metody nie jest więc istotnym ograniczeniem w zastosowaniu wzorca imitującego rezystancje o podanych parametrach do sprawdzania mierników z przetwornikami typu B i C o  $R_P \leq 10^{10} \Omega$ .

## Błąd spowodowany prądem polaryzacji

Drugi istotny błąd jest spowodowany wpływem prądu polaryzacji  $I_b$  (wiersz c) jednakowym we wszystkich układach, zależnym od wartości wejściowego prądu miernika. Błąd ten nie jest specyficzny dla połączenia imitator-miernik; występuje zawsze w miernikach

# **Tabela 1.** Składniki błędu zależne od typu obwodu wejściowego sprawdzanego miernika. Błąd względny napięcia $U_o$ po przetworniku $i \rightarrow u$

Źródło błędu	A) pasywny przetwornik z rys. 3a	B) pasywny przetwornik z aktywnym ekranem z rys. 4	C) aktywny przetwornik z rys. 3b
<ul> <li>a) Błąd metody – obciążenie imitatora różne od zwarcia</li> </ul>	$-rac{R_P}{R_B+R_P}$	$-rac{R_P}{w_i R_B}$	*
b) U <sub>of</sub>	$rac{{U_{of}}}{{U_{oN}}}$	$rac{U_{of}}{U_{oN}} igg(1 + w_i rac{U_{oN}}{U_p}igg)$	$\frac{U_{of}}{U_{oN}} \left(1 - w_i \frac{U_{oN}}{U_p}\right)^{**}$
c) <i>I<sub>b</sub></i>	$\frac{I_b}{U_p} w_i R_B = \frac{I_b}{I_N}$		
d) $k_r$ i <i>CMRR</i>	$-\left(\frac{1}{k_r} \pm \frac{1}{CMRR}\right)$	$-\left(\frac{1}{k_r} \pm \frac{1}{CMRR}\right) \left(1 + w_i \frac{U_{oN}}{U_p}\right)$	$-\frac{1}{k_r} \left(1 - w_i \frac{U_{oN}}{U_p}\right)^{**}$
e) $R_L$	$-rac{R_B \ R_P}{R_L}$	$-rac{R_P}{R_L}$	$-\frac{R_P}{R_L} \left(\frac{1}{k_r} - \frac{U_{of}}{U_{oN}}\right)^{**}$
f) $R_K$		$\frac{R_{P}}{R_{K}} \left( \frac{U_{of}}{U_{oN}} - \frac{1}{k_{r}} \pm \frac{1}{CMRR} \right)$	
Uproszczenia zastosowane w tabeli: $R_A+w_i \cdot R_B + R_P \approx w_i \cdot R_B$ , $(w_i \cdot R_B)    R_P \approx R_P$ , $k_r \pm 1 \approx k_r$ , $CMRR \pm 1 \approx CMRR$ Oznaczenia główne: $U_{of}$ - wejściowe napięcie niezrównoważenia WEM $I_b$ - prąd polaryzacji wejścia WEM $k_r$ i $CMRR$ - wzmocnienie różnicowe i współczynnik tłumienia sygnału wspólnego WEM $R_L$ - rezystancja izolacji i wejścia WEM, z aktywnym ekranem jest to izolacja do ziemi i wejściowa WEM dla sygnału wspólnego $R_K$ - tylko do aktywnego ekranu, rezystancja izolacji kabla i wejściowa różnicowa WEM		Oznaczenia dodatkowe: $R_p$ - rezystor wzorcowy w przetworniku $i \rightarrow u$ $R_B$ - wysokoomowy rezystor imitatora $w_i$ - współcz. imitacji rezystancji $R_B := 1 + (R_A/R_C)$ $U_p$ - napięcie pomiarowe na wejściu imitatora $U_{oN}$ - napięcie wyjściowe przetwornika $i \rightarrow u$ przy $I_N$ równe $I_N \cdot R_P$ ,w aktywnym ujemne $I_N$ - wyjściowy nominalny prąd imitatora, przy zwarciu jego wyjścia,równy $U_p / (w_i \cdot R_B)$ Uwagi:* - ten błąd nie istnieje, jeżeli $k_r \Rightarrow \propto$ , patrz Cd** - w tym przetworniku przy $U_p$ dodatnim, $U_{oN}$ jest ujemne	

z torem prądowym i zasadniczo ogranicza ich rozdzielczość prądową. Wartości  $U_p$  i  $w_i$  nastawiane przy sprawdzaniu miernika powinny spełniać warunek  $U_p/w_i \gg I_b \cdot R_B$ , oznaczający znacznie mniejszy spadek napięcia na  $R_B$  w stosunku do podzielonego  $w_i$  razy napięcia  $U_p$  przez dzielnik imitatora  $R_A R_C$ .

# Błąd spowodowany wzmocnieniem i *CMRR* wzmacniacza

Wzmacniacze stosowane współcześnie w aparaturze elektrometrycznej mają wartości  $k_r$  i *CMRR* nie mniejsze niż 10<sup>4</sup>, przeciętnie rzędu (kilka – 100)·10<sup>4</sup>. Składniki błędu, w których występują ich odwrotności z mnożnikiem 1 (np. Ad), można pominąć na najmniejszych zakresach prądowych, gdzie dominują inne błędy. Dotyczy to przede wszystkim mierników o błędzie granicznym  $\ge 0,5 \%$ , np. z odczytem analogowym. Występują jednak składniki o innym mnożniku, takie jak np. w komórkach Bd, Cd, które przy niekorzystnym poziomie  $w_i$  (np. 10<sup>4</sup>),  $U_{oN}$  (np. 1 V),  $U_p$  (np. 100 V) mogą dać wartość błędu rzędu (0,1 – 1) %. Składnik błędu komórki Cd:  $w_i \cdot U_{oN}/U_p$  występuje także w błędach wiersza b tabeli i może być istotny w stosunku do 1. Należy zatem przyjąć, że stosunek  $U_{oN}/U_p$  nie powinien przekraczać (1 – kilka)/ $w_i$ , co oznacza, że wynik podzielenia  $w_i$  razy napięcia pomiarowego  $U_p$  w imitatorze nie powinien być znacząco mniejszy od napięcia na wyjściu przetwornika  $i \rightarrow u$ .

# Błąd spowodowany napięciem niezrównoważenia

Wpływ napięcia niezrównoważenia w postaci stosunku  $U_{of}/U_{oN}$  (wiersze b, e, f) nie jest także specyficzny dla imitatora, tak jak wpływ  $I_b$ . W dobrze zaprojektowanych miernikach nie powinien on przekraczać 0,1%, a w cyfrowych nawet 0,01 % i mniej. Dostatecznie minimalizuje to wpływy rezystancji  $R_L$  i  $R_K$ . W komórkach Ce, Bf wystarczy, aby były one kilka razy większe od  $R_P$ , natomiast spełnienie warunku dla  $U_{oN}$  / $U_p$ z poprzedniego punktu spowoduje tylko kilkakrotne zwiększenie błędu od  $U_{of}/U_{oN}$  w wierszu b. Znacznie ostrzejszy warunek musi spełniać rezystancja upływu  $R_L$ w obu układach pasywnego przetwornika (komórki Ae, Be) – powinna przekraczać 10<sup>3</sup> – 10<sup>4</sup> razy rezystancję  $R_P$  przetwornika. Jest on jednak możliwy do spełnienia, bowiem  $R_L$  w układzie B jest bardzo duża, a w układzie A ograniczenie błędu metody nie zezwala na sprawdzanie przy  $R_P > 10^8 \Omega$ .

# Błąd systematyczny czy niepewność?

Niektóre błędy systematyczne z tab.1 można wyeliminować, stosując poprawkę pod warunkiem, że nie przekracza ona kilku %. Są to błędy z komórek Aa i Ba tab.1. W pozostałych występują wielkości o zbyt dużym rozrzucie (np.  $k_r$ , *CMRR*), aby ta procedura była racjonalna. Błędy te należy zatem zdefiniować jako graniczne i włączyć do budżetu niepewności sprawdzania miernika.

Pożądaną małą wartość napięcia niezrównoważenia  $U_{of}$  wzmacniacza WEM osiąga się, stosując zazwyczaj dodatkowe zabiegi, np. obwody kompensacji zmniejszające średnią wartość  $U_{of}$ . Obwody te nie zmniejszają szumów i powolnych fluktuacji, a często nawet je zwiększają. Błędy nimi spowodowane mają charakter przypadkowy, co należy uwzględnić w analizie niepewności. Ta uwaga dotyczy także wpływu i ewentualnej kompensacji prądu polaryzacji  $I_b$ , szczególnie w układach o skrajnie małej jego średniej wartości, gdy szum prądowy często znacznie ją przekracza.

### **Podsumowanie**

Opisano szerzej mało znaną zasadę konstrukcji pasywnego wzorca imitującego bardzo duże rezystancje, złożonego z rezystorów o znacznie mniejszych wartościach. Przedstawiono przykład rozwiązania takiego wzorca. Podano zależności służące do oszacowania niepewności podstawowej wzorca w warunkach zwarcia wyjścia, w stanie ustalonym i przy określonych zakresach zmian innych czynników wpływających na parametry składowych rezystorów, np. temperatury.

Zestawiono zależności statycznych błędów systematycznych, spowodowanych szeregiem czynników przy sprawdzaniu wzorcem mierników bardzo małych prądów lub bardzo dużych rezystancji. Na najbardziej czułych zakresach prądowych miernika błędy te mogą być porównywalne z podstawową niepewnością wzorca. Podano warunki minimalizacji poszczególnych błędów. Część tych błędów można usunąć obliczeniowo, jak np. błąd metody, ale większość wymaga potraktowania jako błędy graniczne lub niepewności pomiarowe i oszacowania dodatkowej niepewności powstającej przy aplikacji wzorca. Zależy ona od rozwiązania wejściowego układu miernika i powinna być oszacowana w każdym, indywidualnym przypadku.

#### Bibliografia

- 1. A.M. Iljukovič, *Metody imitacii bol'šich soprotivlenij*. Izmeritel'naja Technika 1978, nr 12.
- 2. Keithley Instruments Inc., *Low Level Measurements. Precision DC Current, Voltage and Resistance Measurements*, Keithley Instruments Inc., USA 1998.
- 3. Z. Kłos, *Problematyka wzorcowania aparatury elektrometrycznej*. Monografia. Oficyna Wydawnicza Politechniki Wrocławskiej 2004.
- 4. Z. Kłos, P. Madej, *Analogowe metody pomiaru wielkich rezystancji*, Normalizacja 1993, nr 3.
- 5. Z. Kłos, P. Madej, *Elektroniczny megaomomierz analogowy typ EMA-1*, PAK 1/1994.
- 6. Z. Kłos, P. Madej, *Imitowany wzorzec wielkich rezystancji typu IZWR-2*, PAK 9/2001.
- 7. P. Madej, *Trójelektrodowy zestaw pomiarowy z dodatkowym pierścieniem do badania próbek materiałów izolacyjnych*, PAK 5/2001.
- P. Madej, Źródło prądowe do kalibracji aparatury elektrometrycznej. Prace Naukowe Instytutu Maszyn, Napędów i Pomiarów Elektrycznych Politechniki Wrocławskiej, nr 56, Studia i Materiały nr 24, Ofic. Wyd. PWr 2005.
- 9. T.B. Roždestvenskaja, W.L. Žutovskij, *Mery bol'šogo soprotivlenija*. Izmeritel'naja Technika, 1968, nr 3.
- 10. *Wyrażanie niepewności pomiaru przy wzorcowaniu*, Dokument EA-4/02, GUM, Warszawa 2001. ■



# TURCK - n<mark>ajszerszy</mark> wybór czujników indukcyjn<mark>ych</mark>

- Kilka tysięcy różnych typów
- Specjalistyczne wykonania dla różnych gałęzi przemysłu
- Konkurencyjne ceny i promocje
- Najnowsze technologie wykonań zapewniające
- największe zakresy detekcji i najlepsze parametry techniczne - seria UPROX+
- Czujnik NI4-M12-AN6X 5M już w cenie 9,99 Euro bez względu na ilość do wyczerpania zapasów



TURCK sp. z o. o. ul. Żeromskiego 1, 45-053 Opole tel. 77 443 48 00, fax 77 443 48 01 e-mail: turck@turck.pl, internet: www.turck.pl